



سلسلة رقم

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



الصفحة

تمارين : الدوال اللوغاريتمية (الجزء الأول)

.01

.01 عبر بدلالة $\ln 2$ و $\ln 5$ عن ما يلي : $\ln 1000$ ؛ $\ln \frac{8}{25}$ و $\ln 0,16$.

.02 بسط ما يلي : $\ln \sqrt{5} + \ln \frac{1}{25} - \ln 5$. $\ln \left(7 + 3\sqrt{2}\right)^{2016} + \ln \left(7 - 3\sqrt{2}\right)^{2016}$. $\ln e^3 + \ln \frac{1}{e} B$.

.03 بدون استعمال المحسبة قارن العددين : $a = 5\ln 2$ و $b = 2\ln 5$.

.02

حدد حيز تعريف الدالة f في كل حالة من الحالات التالية :

.01 $f(x) = \ln(x^2 - 5x + 6)$ ؛ $f(x) = \ln|x - 2| + \sqrt{x - 1}$ ؛ $f(x) = \ln(x^2 - 9) - \ln(-x)$ ؛ $f(x) = \ln(x + 5) + \ln(3 - x)$.

.02 $f(x) = \ln \sqrt{\frac{2x - 8}{x + 3}}$ ؛ $f(x) = \frac{\ln x}{\sqrt{x - 2}}$ ؛ $f(x) = 5x^2 + \ln \frac{2x - 8}{x + 3}$ ؛ $f(x) = \ln \left(\frac{4 - x^2}{x}\right)$ ؛ $f(x) = \frac{\sqrt{x - 2}}{3 - \ln x}$.

.03

حدد مجموعة تعريف ثم حل المعادلة أو المتراجحة أو النظمة التالية :

.01 $(2 + x)\ln(x - 3) = 0$ ؛ $\ln x + \ln(x - 3) = 2\ln 2$ ؛ $-3 + \ln(x + 1) = 0$ ؛ $\ln(x + 1) - \ln(x - 2) = 0$.

.02 $(2 + x)\ln(x - 3) < 0$ ؛ $\ln^2 x + \ln x - 2 \leq 0$ ؛ $\ln(x^2 - 8) \leq \ln x + \ln 2$ ؛ $\ln(2 + 5x) - \ln(x + 6) \leq 0$ ؛ $\ln x - 4 \leq 0$.

$$\begin{cases} 2\ln x - 3\ln y = 6 \\ 5\ln x + 2\ln y = \frac{1}{2} \end{cases} \quad \text{.03}$$

.04

أحسب النهايات التالية:

.01 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(x^2 - 1)\ln x}{x}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln \sqrt{x}}{x}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x} - \ln x$ ؛ $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} - \ln x$ ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x - \ln x$ ؛ $\lim_{x \rightarrow 0^+} 2x + \ln x$.

$\lim_{x \rightarrow +\infty} x \ln \left(1 + \frac{1}{x}\right)$ (ضع $X = \frac{1}{x}$) ؛ $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 2x)}{x}$ (ضع $X = 2x$) ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2 + \ln x}{-1 + \ln x}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow -\infty} \ln \left(\frac{3x + 15}{x - 2}\right)$.

.02 $\lim_{x \rightarrow 3} 2x \frac{\ln x - \ln 3}{x - 3}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow e} \frac{\ln(x) - 1}{x - e}$ ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} [x^3 - 2x - \ln x]$ ؛ $\lim_{|x| \rightarrow +\infty} \left[\frac{\ln(x^2 + 1)}{1 + x^3} \right]$.

.05

أحسب مشتقة f في كل حالة من الحالات التالية:

.01 $f(x) = \ln|x^2 - 3x|$ ؛ $f(x) = \ln(x^3 + 4)$ ؛ $f(x) = \ln^3 x$ ؛ $f(x) = \frac{2}{\ln x}$ ؛ $f(x) = \ln(6 - 5x) + \frac{3}{x}$.



سلسلة رقم

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ.



الصفحة

تمارين : الدوال اللوغاريتمية (الجزء الأول)

$$f(x) = \frac{x - \ln x}{x^2} ; f(x) = \left(\frac{2 \ln x + 3}{\ln x - 7} \right) ; f(x) = 3x^2 + \ln \frac{2x - 8}{x + 3} ; f(x) = \frac{\ln x}{x^2 + 1} ; f(x) = (x^2 - 1) \ln x ; \text{.02}$$

$$; f(x) = \ln(\ln x) ; f(x) = [\ln(6 - 5x)]^2 ; f(x) = \ln(x^2 - 5x + 1) ; f(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1}) \text{.03}$$

.06

حدد دالة أصلية على المجال I للدوال الأصلية التالية :

$$. I =]-\infty, -1[; f(x) = \frac{5}{x+1} ; I =]0, +\infty[; f(x) = x^2 - \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{5}{x} + \frac{3}{x^2} ; I =]0, +\infty[; f(x) = x^2 - 5x + \frac{1}{x}$$

.07

$$\text{.01 بسط : } \log_3(81)$$

$$\text{.02 حدد العدد } x \text{ حيث اللوغاريتم هذا في الأساس 4 هو } -2 .$$

$$\text{.03 حدد حيز تعريف الدالة } f : \log_x(10) + 2 \log_{10x}(10) + 3 \log_{100x}(10) = 0$$

$$\text{.04 أحسب الدالة المشتقة للدالة } f \text{ في الحالات التالية :}$$

$$. f(x) = \log_2 \left(\tan \left(\frac{x}{2} \right) \right) ; ; f(x) = \log_3 \left(\sqrt{x^2 - 2x - 3} \right)$$

$$\text{.05 أحسب الدالة المشتقة للدالة } f \text{ في الحالات التالية : } f(x) = 2^{-\frac{1}{x}} ; f(x) = (\cos)^{\sin x}$$